

學生講座

- 上午:數學建模簡介及例子
 - 基本數學建模概念
 - 建立系統模型並作優化
- 下午:優化模型實戰 (Microsoft Excel)
 - 運用數學方法與計算技術









下午講座

- O Microsoft Excel Solver 基本操作簡介
- O Microsoft Excel 實際應用例題-線性迴歸





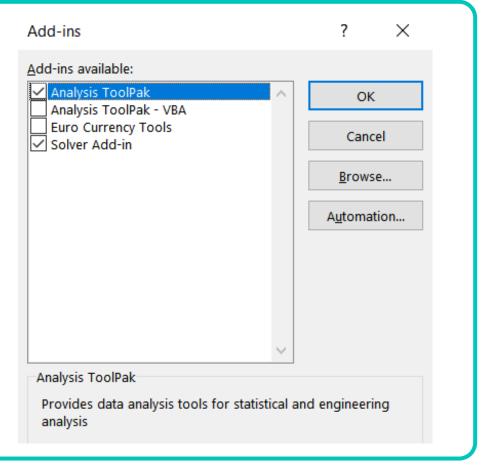




Microsoft Excel Solver 和 Analysis ToolPak 安裝

- Microsoft Excel Solver 安裝流程
 - https://support.microsoft.com/enus/office/load-the-solver-add-in-in-excel-612926fc-d53b-46b4-872ce24772f078ca#OfficeVersion=Windows











○ 我們考慮以下線性規劃 (Linear Programming, LP)。並以此用作 Microsoft Excel Solver 基本操作簡介。

$$x + y$$

$$1.5x + y \le 9$$

$$150x + 70y \le 750$$

$$y \le 6$$

$$x \ge 0$$

$$y \ge 0$$





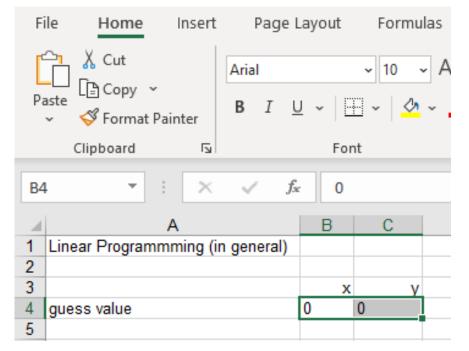


s.t.

Microsoft Excel Solver 基本操作簡介

$$1.5x + y \le 9$$
$$150x + 70y \le 750$$
$$y \le 6$$
$$x \ge 0$$
$$y \ge 0$$

○ 首先我們需要自訂及確立變數 (variable) 格位置。如圖中,B4 及 C4 分別選定為變數 x 和 y 的變數格。









s.t.

Microsoft Excel Solver 基本操作簡介

$$1.5x + y \le 9$$

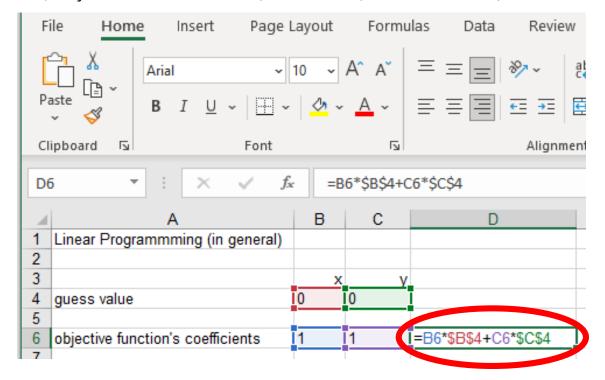
$$150x + 70y \le 750$$

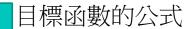
$$y \le 6$$

$$x \ge 0$$

$$y \ge 0$$

○ 輸入目標函數 (objective function) 的系數 (coefficients)。並訂下目標函數格 D6。









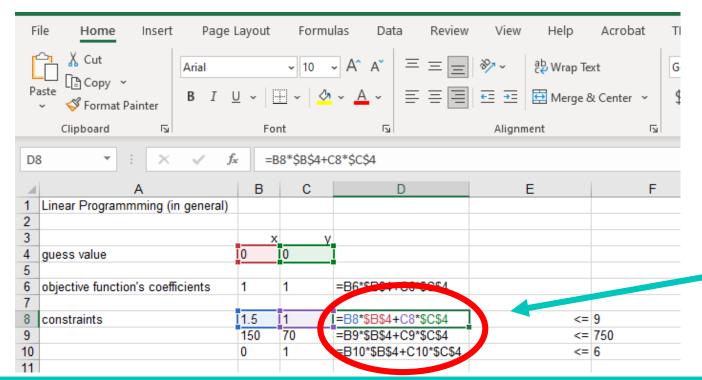


s.t.

Microsoft Excel Solver 基本操作簡介

$$1.5x + y \le 9$$
$$150x + 70y \le 750$$
$$y \le 6$$
$$x \ge 0$$
$$y \ge 0$$

○ 輸入有關約束 (constraint) 的系數,並訂下各約束的數學關係 (即是各約束的「左邊」)。 (暫時可以先忽略非負數的條件。)



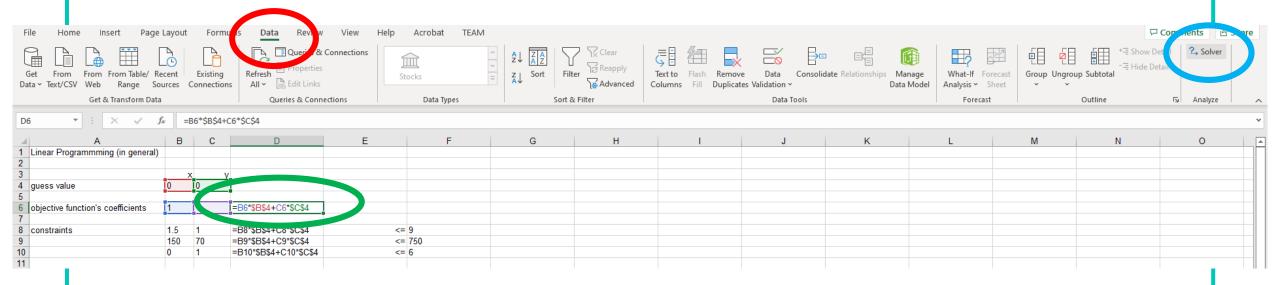
各約束的「左邊」







○ 當完成上述設定。我們點選目標函數格,然後在"Data"選取"Solver"。

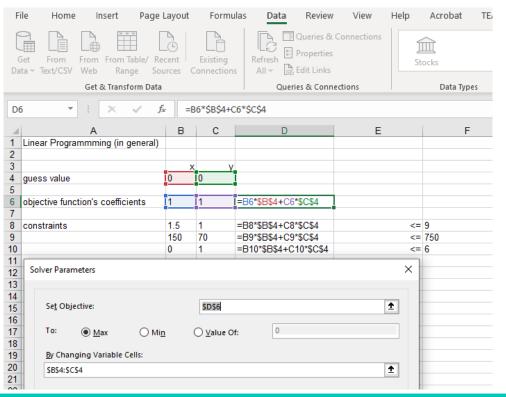








○ 按需要選擇 "Max" 或 "Min", 在 "By Changing Variable Cells" 選定變數格。



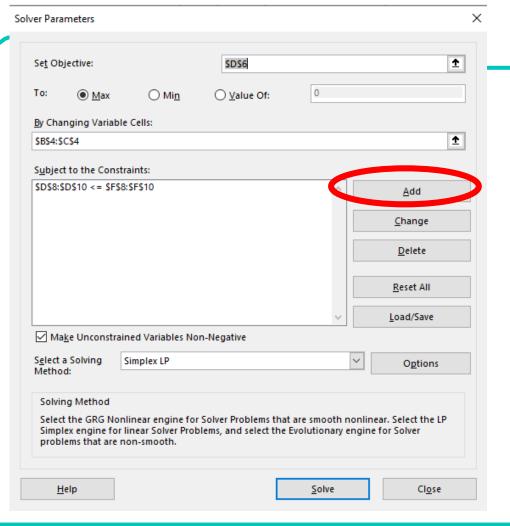






○ 在Solver上按"Add"加入約束。

○ 之後會彈出一個新視窗。

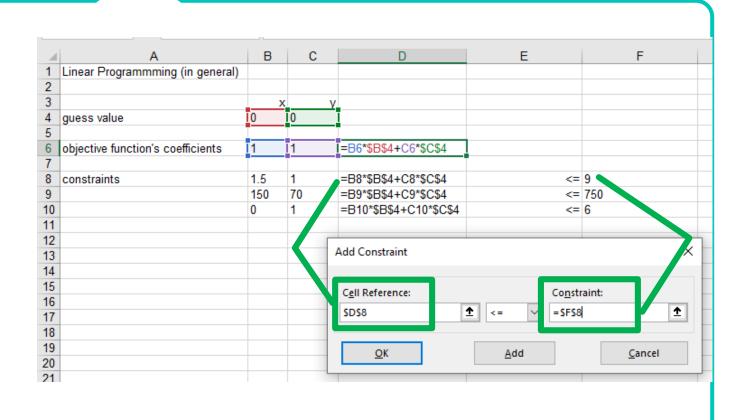








- 在 "Cell Reference" 選取剛才定下的 "左邊"式
- "Constraint"格就是對應的"右邊"。
- 按OK。

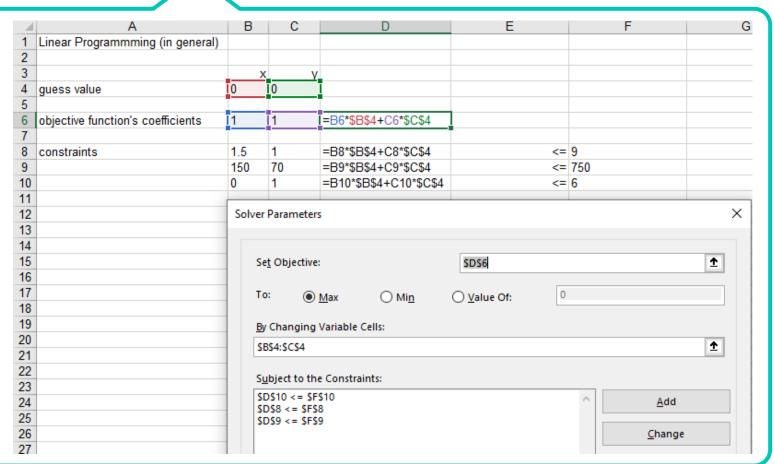








○ 如是者,加入所有約束。

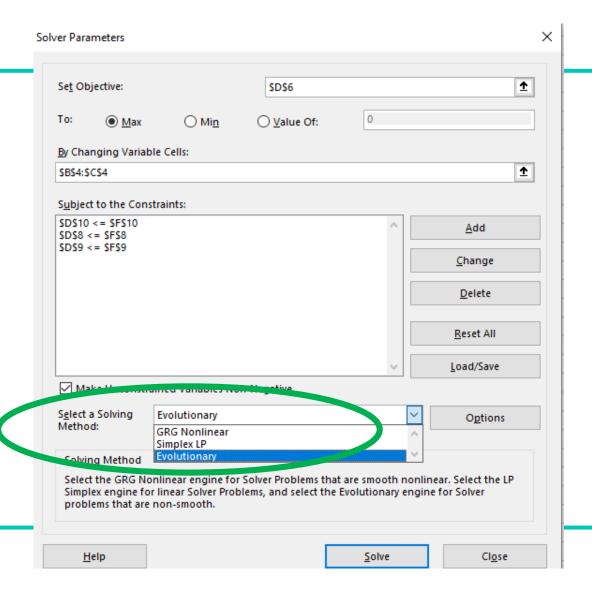






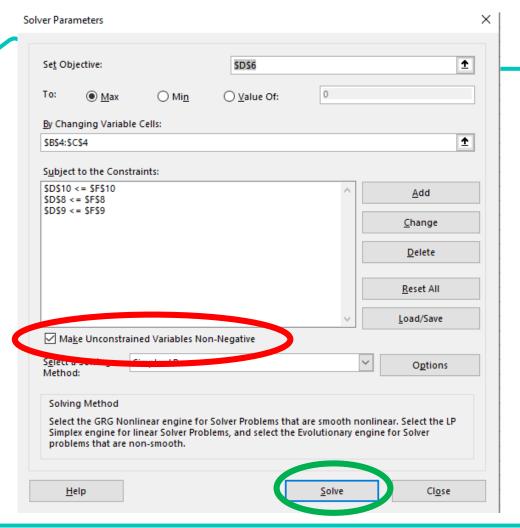


- 在" Select a Solving Method" 中, 我們可以選擇不同解決方法:
 - O "Simplex LP" 主要應用在線性問題上。
 - O "GRG Nonlinear" 一般應用到非線性問題上。
 - O "Evolutionary" 一般能夠應用到更 多不同優化的問題。



○ 一般情況下,Solver 已預先設定或加入 非負數的條件。

○ 完成後,按 "Solve",便能求出答案。

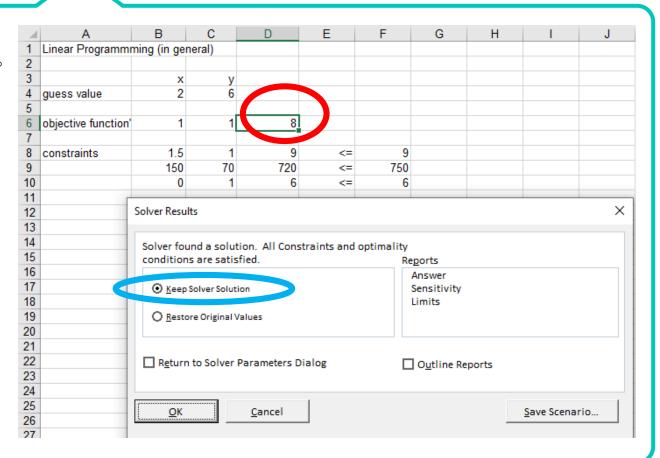








- O 可按 "Keep Solver Solution" 保留答案。
- 在 D6 顯示出由Solver 給出的答案。









- 假如我們發現之前討論的線性規劃的目標函數是不正確。。。
- 正確的目標函數更新如下,我們仍然可以用 Microsoft Excel Solver 找出最優的解。

Max

$$x^2 + y$$

s.t.

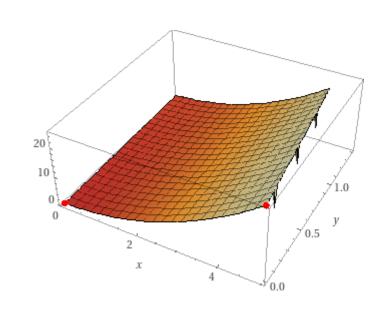
$$1.5x + y \le 9$$

$$150x + 70y \le 750$$

$$y \le 6$$

$$x \ge 0$$

$$y \ge 0$$

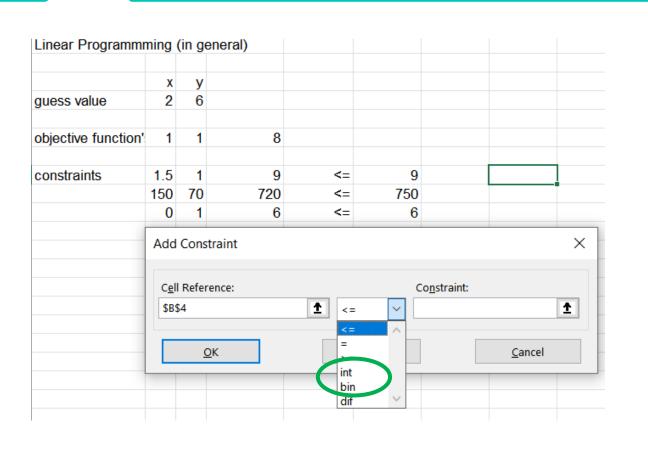








- 當有需要將變量設定為整數變量或者 二進制變量時,我們可以在設定約束 時選取有關變量為
 - O 整數變量(int); 或
 - 二進制變量 (bin)









我們可以在目標函數中加入一些特別的數學函數。以下讓我們來介紹兩個數學函數。

O (I)

$$Max(x_1, x_2) = \begin{cases} x_2, & x_1 \le x_2 \\ x_1, & x_1 > x_2 \end{cases}$$

(II)

$$Min(x_1, x_2) = \begin{cases} x_1, & x_1 \le x_2 \\ x_2, & x_1 > x_2 \end{cases}$$

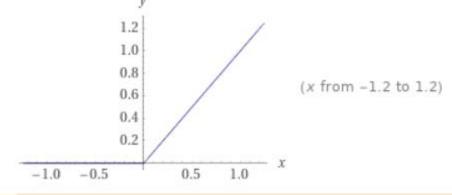






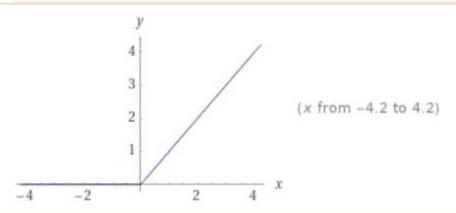
Source: https://www.wolframalpha.com/input?i=max%280%2C+x%29

$$Max(x_1, x_2) = \begin{cases} x_2, & x_1 \le x_2 \\ x_1, & x_1 > x_2 \end{cases}$$



(I) 例子:

$$Max(x,0) = \begin{cases} 0, & x \le 0 \\ x, & x > 0 \end{cases}$$







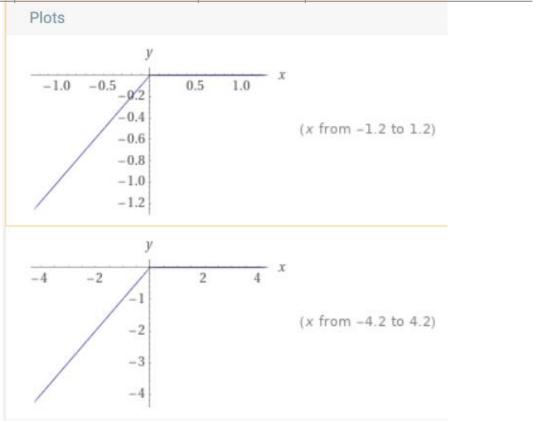


Source: https://www.wolframalpha.com/input?i=min%280%2C+x%29

$$Min(x_1, x_2) = \begin{cases} x_1, & x_1 \le x_2 \\ x_2, & x_1 > x_2 \end{cases}$$

II. 例子:

$$Min(x,0) = \begin{cases} x, & x \le 0 \\ 0, & x > 0 \end{cases}$$





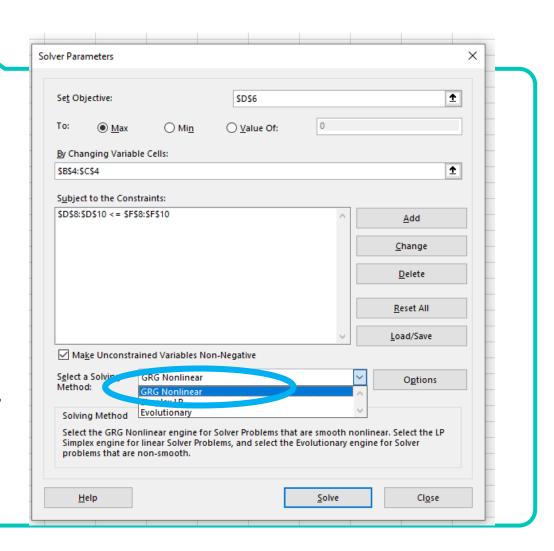




○ 例子:

$$\begin{aligned} \text{maximize}_{x,y} & x + \min\{2, y\} \\ \text{subject to} & 1.5x + y \leq 9 \\ & 150x + 70y \leq 750 \\ & 0 \leq y \leq 6, \ 0 \leq x \end{aligned}$$

O 解決以上問題時,我們選擇 "GRG Nonlinear" 求解。



○ 假設一家公司有七名員工。下表列出了上年度員工 請假天數的數據資料。

○ X: 員工的年資

○ Y:上年度請假天數

Υ
8
7
5
12
3
3 9
5

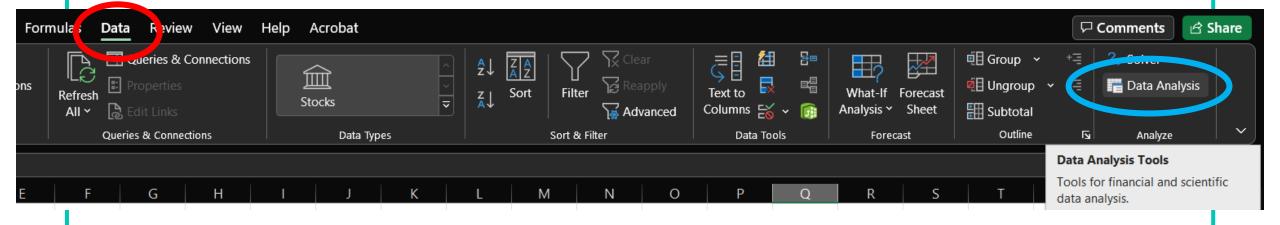
假如我們希望使用<u>線性</u> 迴歸分析員工年資 (X) 和請假天數 (Y) 的線性 關係。







○ 在"Data"選取"Data Analysis"。接著會彈出一個新的視窗。

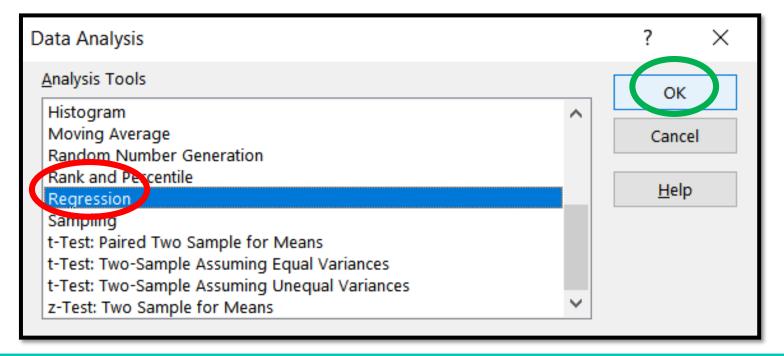








○ 在新視窗中選取 "Regression" 並按 "OK"。

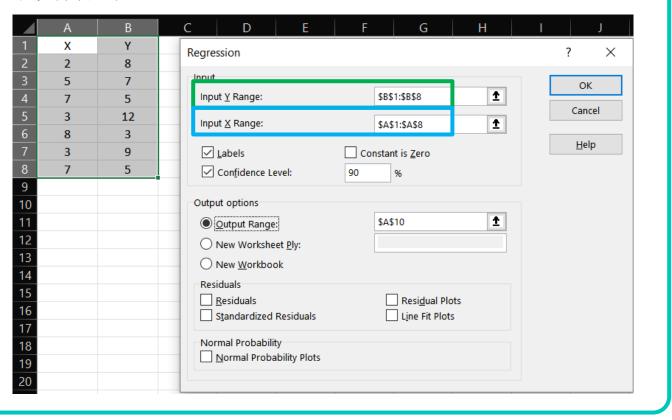


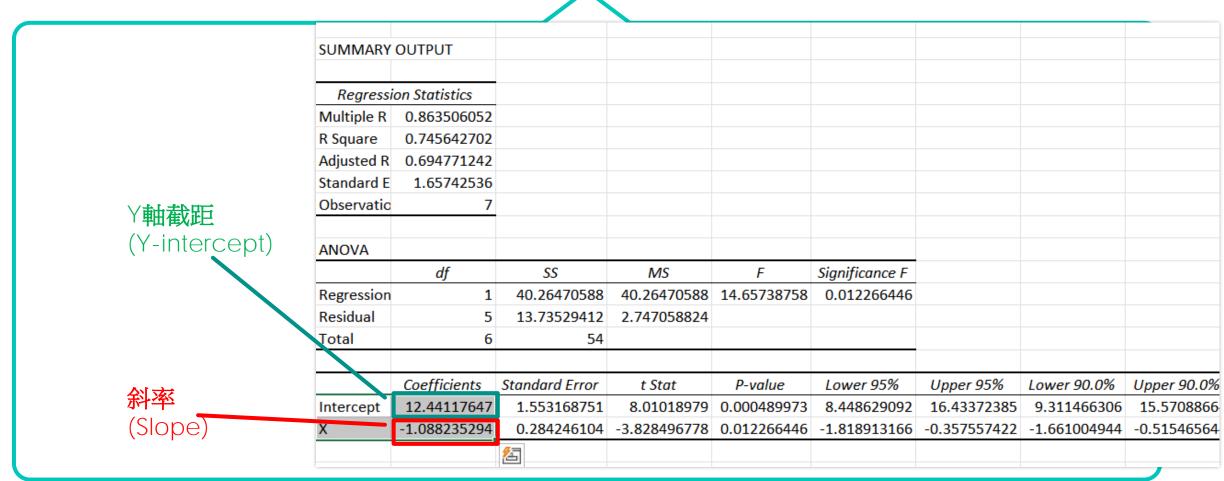






- 我們可以按圖中示範,在不同位置輸入各項資料及設定。
 - 例如:
 - Y 變量的範圍是 \$B\$1:\$B\$8
 - O X 變量的範圍是 \$A\$1:\$A\$8
- 當設定完畢,按"OK"。

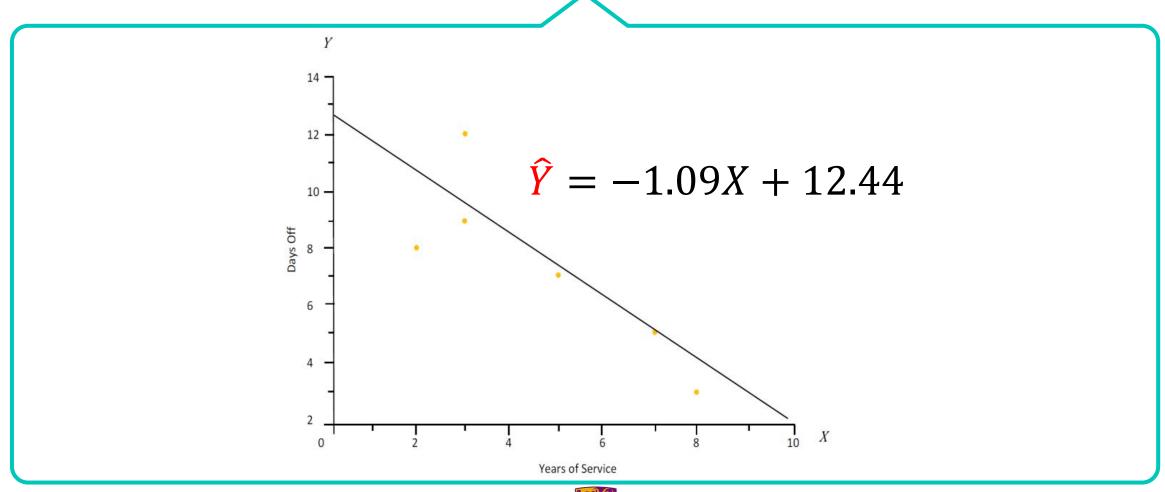


















總結

- O Microsoft Excel Solver 基本操作簡介
 - 基本操作簡介
 - 設定整數變量或者二進制變量
 - 特別數學函數介紹: Max 和 Min
- Microsoft Excel的應用-線性迴歸

參考資料及聯絡方法

- https://cosmo.se.cuhk.edu.hk/cosmo2025
 - o cosmo@se.cuhk.edu.hk
- O https://www.se.cuhk.edu.hk/